

- Niech $z_1 = 3 + 2j$, $z_2 = 2 - 5j$. Obliczyć:
 $z_1^2 + jz_2$, $\operatorname{Re}(z_1 \cdot z_2)$, $|2\bar{z}_1 + \operatorname{Im} z_2|$, $\frac{\bar{z}_2 - j|z_1 + 2j|}{z_1}$.
- Czy podane równości zachodzą dla dowolnych $z, z_1, z_2 \in \mathbb{C}$?
 - $|z_1 + z_2| = |z_1| + |z_2|$
 - $\operatorname{Re}(z_1 \cdot z_2) = \operatorname{Re} z_1 \cdot \operatorname{Re} z_2$
 - $z - \bar{z} = 2j \operatorname{Im} z$
- Zapisać w postaci trygonometrycznej następujące liczby:
 $-e$, πj , $3 - 3j$, $5\sqrt{2}j - 5\sqrt{2}$, $1 + j\sqrt{3}$, $\sqrt{6} - j\sqrt{2}$.
- Zapisać w postaci algebraicznej następujące liczby:
 $4(\cos 7\pi + j \sin 7\pi)$, $\sqrt{2}(\cos(\frac{7\pi}{4}) + j \sin(\frac{7\pi}{4}))$, $2(\cos(-\frac{16\pi}{3}) + j \sin(-\frac{16\pi}{3}))$.
- Wyznaczyć argument główny oraz moduł podanych liczb (wykorzystać funkcje \arcsin lub arctg)
 $z_1 = 3j - 4$, $z_2 = 5 - 12j$, $z_3 = -6 - 8j$, $z_4 = \sqrt{2 - \sqrt{2}} + j\sqrt{2 + \sqrt{2}}$.
(wskazówka: obliczyć z_4^2 .)
- Zilustrować na płaszczyźnie zespolonej zbiór liczb zespolonych spełniających podany warunek.
 - $1 \leq |z + 2 - 3j| < 3$
 - $\frac{\pi}{4} \leq \arg(z + 2 - j) < \frac{2\pi}{3}$
 - $\left| \frac{z}{z + 2 - 2j} \right| \geq 1$
 - $|z - 2j| + |z| = 4$ (przydatne będą własności elipsy)
 - $|z + 2| + |z| = 2$
 - $|z - j| = |2jz + 1|$
 - $0 \leq \arg(jz^3) < \pi$
 - $\operatorname{Im}(z^4) < 0$