

1. Korzystając z własności transformaty Laplace'a obliczyć  $\mathcal{L}$ -transformaty funkcji:
  - (a)  $f(t) = t \cdot \cos \omega t$
  - (b)  $f(t) = \cosh(\omega t)$
  - (c)  $f(t) = \mathbf{1}(t - 2) \cdot \cosh(t - 2)$
  
2. Obliczyć splot funkcji  $f_1 * f_2$  z definicji lub korzystając z tw. Borela, gdy
  - (a)  $f_1(t) = \mathbf{1}(t) \cdot e^{-t}, f_2(t) = \mathbf{1}(t) \cdot e^{-2t}$
  - (b)  $f_1(t) = f_2(t) = \mathbf{1}(t) - \mathbf{1}(t - 1)$
  
3. Rozwiązać metodą operatorową równania
  - (a)  $x''(t) + x(t) = 10e^t, x(0^+) = 5, x'(0^+) = 4$
  - (b)  $x''(t) - 3x'(t) = 4 - 12t, x(0^+) = 1, x'(0^+) = -3$
  - (c)  $x''(t) - 3x'(t) + 2x(t) = te^t, x(0^+) = 1, x'(0^+) = 0$
  - (d)  $x''(t) + 5x'(t) + 4x(t) = 4t + 5, x(0^+) = 2, x'(0^+) = -1$
  - (e)  $x'(t) - 2 \int_0^t x(\tau) \cos(t - \tau) d\tau = 0, x(0^+) = 4$