

1. Narysować krzywe

(a)  $z(t) = t^2 - jt, t > 0$

(b)  $z(t) = 2 - 2j + 2e^{jt}, t \in [\frac{\pi}{2}, \pi]$

(c)  $z(t) = e^{-t} - je^t, t \in \mathbb{R}$

(d)  $z(t) = 2e^{jt} + 3e^{-jt}, t \in [0, 2\pi]$

2. Wyznaczyć część rzeczywistą i urojoną funkcji  $f(z)$ , gdy

(a)  $f(z) = \frac{\bar{z}}{z^2}$

(b)  $f(z) = \cos z$

3. Wykazać, że dla każdej liczby zespolonej  $z$  zachodzi równość:  $\sin^2 z + \cos^2 z = 1$ .

4. Sprawdzić, w jakich punktach funkcja  $f$  spełnia warunki Cauchy'ego-Riemanna.

Obliczyć, (tam gdzie istnieje) pochodną  $f'(z)$  oraz sprawdzić holomorficzność funkcji  $f$ .

(a)  $f(z) = z \cdot |z|^2$

(b)  $f(z) = \operatorname{Re}(z^2) \cdot \bar{z}$

(c)  $f(z) = \bar{z} \cdot |e^{-jz}|$

(d)  $f(z) = \frac{|z|^2}{z}$

(e)  $f(z) = e^{\bar{z}}$

(f)  $f(x + jy) = x(2 - x) + y^2 + 2jy(1 - x)$